



KRIPTOGRAFIJA

SIGURNOST PODATAKA U ONLINE OKRUŽENJU

- Online trgovina? Plaćanje računa? Slanje poruka?
- Jesu li ovakve i slične radnje sigurne?
- podatci putuju mrežom kao paketi kojima svatko može pristupiti
- web-stranica HTTP/HTTPS (secure)
- prijava na webmail, društvenu mrežu, e-Dnevnik, prilikom slanja broja kreditne kartice, poruka i sl.
- podatci putuju **uglavnom kriptirani**
- kod računala – može se kriptirati cijeli disk računala (poslovna računala)

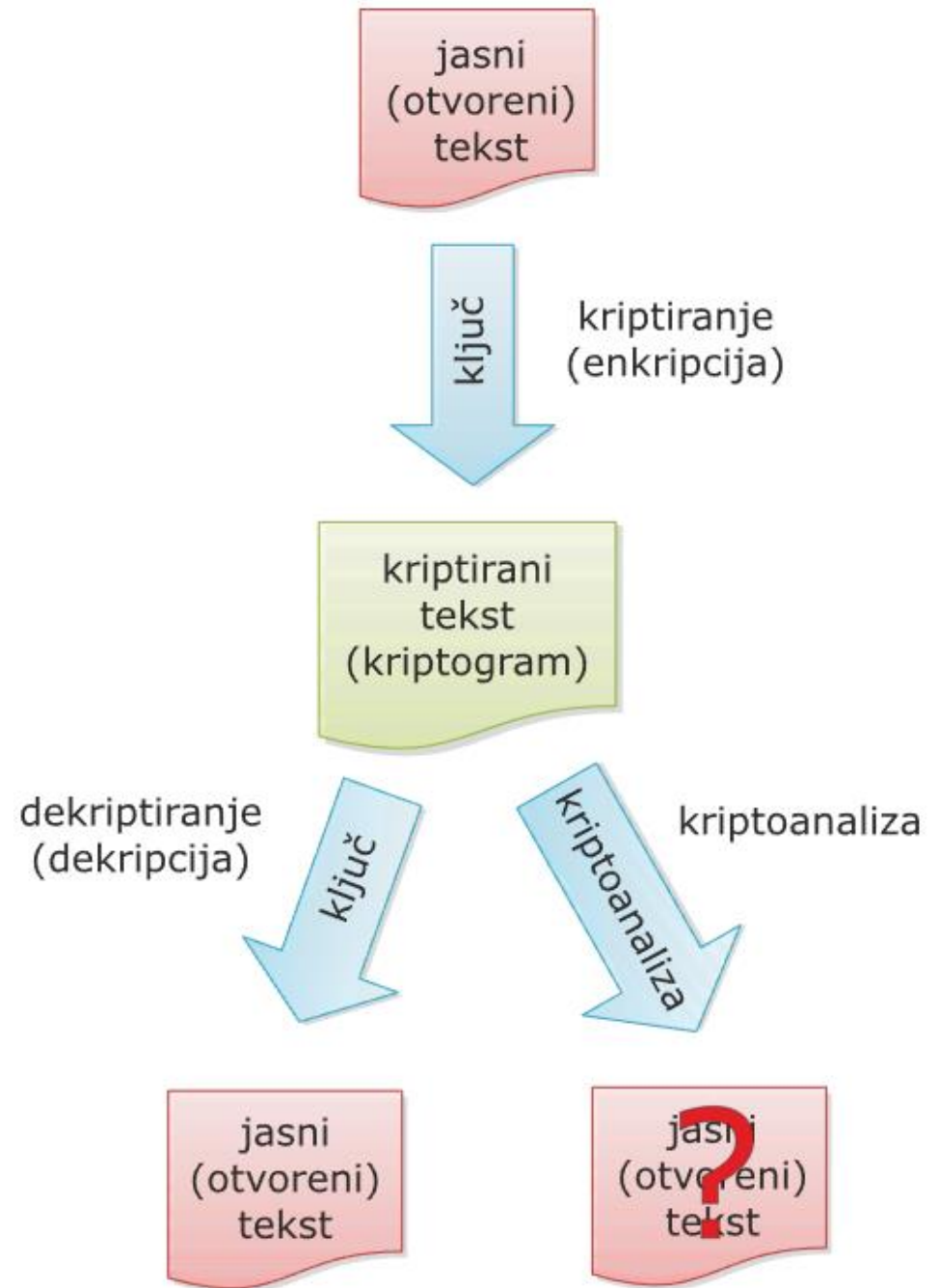
OSNOVNI POJMOVI

- kriptologija (grč. kryptos = skriven, tajan, logos = riječ) je znanost koja se bavi postupcima enkripcije, dekripcije i kriptanalize tj. sigurnošću podataka
- **kriptografija** (grč. kryptos = tajan + grapheins = pisati) - pisanje "tajnih" poruka
- **jasni (otvoreni) tekst** – tekst koji šalje pošiljatelj
- **ključ** – pravila po kojima se jasni tekst pretvara u kriptogram i obrnuto po kojima iz kriptograma dobivamo jasan tekst
- **kriptirani tekst ili kriptogram** – tekst dobivem „skrivanjem” jasnog teksta
- **kriptiranje ili enkripcija** – postupak pretvaranja jasnog teksta u kriptogram

OSNOVNI POJMOVI

- **dekriptiranje ili dekripcija** – postupak dobivanja jasnog teksta iz kriptograma pomoću poznatog ključa
- **kriptoanaliza** – postupak dobivanja jasnog teksta iz kriptograma bez poznavanja ključa
- **kriptografski algoritam (šifra)** – skup kriptografskih funkcija koje s ključem pretvaraju izvorni tekst u šifrirani tekst i obrnuto

POSTUPAK ENKRIPCIJE I DEKRIPCIJE




ZAŠTO ŠIFRIRATI PODATKE ODNOSNO KOJA SVOJSTVA KRIPTOGRAFSKA FUNKCIJA MORA IMATI?

- **očuvanje tajnosti podataka** (bez valjanog ključa „nemoguće” je dešifrirati tekst)
- **osiguranje integriteta podataka** (da se šifrirani tekst nije promijenio)
- **autentifikacija** (utvrđivanje indentiteta sudionika u komunikaciji)

PRIJE NEGO KRENEMO DALJE

- radi jednostavnosti koristit ćemo samo velika slova engleske abeceda

slovo	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
broj	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
slovo	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
broj	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25



TRADICIONALNI KRIPTOSUSTAVI

ZAŠTO KRENUTI S KRIPTIRANJEM TEKSTA?

- ratovi – slanje poruka da ih neprijatelj ne može pročitati
- poruke su prenosili glasnici, golubovi pismošiše...
- cezarova šifra - Gaj Julije Cezar (1. st. pr. Kr.)

KRIPTIRANJE S POMAKOM (SUPSTITUCIJSKE ŠIFRE)

- **cezarovo kriptiranje** - svako slovo pomiče za tri mjesta udesno u latinskoj abecedi
 - npr. A bi zamijenio slovom D, slovo B slovom E itd.
- **pomicanje za proizvoljan broj slova u abecedi**
- kriptirani tekst bi se dekriptiralo na način da svako slovo pomaknemo za 3 slova ulijevo
- **simetrični ključevi** - ključ za dekriptiranje može dobiti iz ključa za kriptiranje
- **(asimetričnim ključevima** - ključ za dekriptiranje ne može dobiti iz ključa kriptiranja (RSA))
- **monoalfabetски sustav** – neki znak se uvijek kriptira u isti znak
- **(polialfabetски sustavi** - sustavi kod kojih se neki znak može kriptirati različitim znakovima)

PRIMJER 1.

- a) Koji ćemo tekst dobiti ako tekst INFORMATIKA kriptiramo kriptiranjem s pomakom pri čemu nam je pomak 5 udesno?
- b) Koji ćemo tekst dobiti ako tekst KRIPTOGRAFIJA kriptiramo kriptiranjem s pomakom pri čemu nam je pomak 7 udesno?
- c) Dekriptiraj tekst GIXZVXM koji smo kriptirali kriptiranjem s pomakom pri čemu nam je pomak 4 udesno?

PRIMJER 2.

Napišite funkcije u Pythonu koje će šifrirati i dešifrirati otvoreni tekst koristeći Cezarovu šifru (pomak za 3 udesno). Koristit ćemo samo velika slova engleske abecede (ukupno ih je 26).

RJEŠENJE PRIMJERA 2.

```
def sifriraj(tekst):
    novi = ""
    for z in tekst:
        indeks = ord("a")+(ord(z) - ord("a") + 3)%26
        novi += chr(indeks)
    return novi
def desifriraj(tekst):
    otvoreni = ""
    for z in tekst:
        indeks = ord("a") + (ord(z) - ord("a") - 3)%26
        otvoreni += chr(indeks)
    return otvoreni
def main():
    s = input().lower()
    print(sifriraj(s))
    x = input().lower()
    print(desifriraj(x))
main()
```

PRIMJER 3.

Napišimo program koji će kriptirati tekst s pomoću kriptiranja s pomakom, ali s proizvoljnim pomakom. Pomak neka bude manji od 27 jer u hrvatskoj abecedi imamo upravo 27 slova koja se zapisuju jednim znakom. Tekst će biti napisan slovima hrvatske abecede. Slova dž, lj i nj koja se zapisuju dvama znakovima, kodirat će se kao dva znaka.

RJEŠENJE PRIMJERA 3.

```
def kriptiraj(z, p):  
    slova = "ABCČĆDĚFGHIJKLMNOPRSŠTUVZŽ"  
    indeks = (slova.index(z)+p)%len(slova)  
    znak = slova[indeks]  
    return znak  
  
def main():  
    s = input().upper()  
    p = int(input())  
    kript = ""  
    for z in s:  
        kript += kriptiraj(z, p)  
    print(kript)  
main()
```

AFINO KRIPTIRANJE

- poopćenje kriptiranja s pomakom
- kriptirani znak y dobiva se pomoću funkcije $y = x \cdot a + b$, gdje je x broj slova jasnog teksta, a a i b prirodni brojevi (ključ)

PRIMJER 4.

a) Koji ćemo tekst dobiti ako tekst *AFINO* kriptiramo afinim kriptiranjem pri čemu je ključ kriptiranja $a = 3, b = 2$?

Rješenje:

$$A - (3*0+2)\%26 = 2 - C$$

b) Koji ćemo tekst dobiti ako tekst *PROGRAM* kriptiramo afinim kriptiranjem pri čemu je ključ kriptiranja $a = 2, b = 7$?

PRIMJER 5.

Napišite funkciju u Pythonu koja će šifrirati i zadani tekst koristeći afino kriptiranje pomoću zadanih ključa. Koristit ćemo samo slova engleske abecede te unositi parametre ključa a i b.

RJEŠENJE PRIMJERA 5.

```
def sifriraj(s, a, b):  
    novi = ""  
    for z in s:  
        indeks = ord("a") + ((ord(z)-ord("a"))*a+b)%26  
        novi += chr(indeks)  
    return novi  
  
def main():  
    s = input().lower()  
    a = int(input())  
    b = int(input())  
    print(sifriraj(s, a, b))  
  
main()
```

VIGENÈREOVO KRIPTIRANJE

- polialfabetски kriptosustav
- postupak
 - zapišemo otvoreni tekst, a ispod njega (od prvog do zadnjeg slova) redom pišemo slova ključa ponavljajući ključ do kraja teksta
 - svako slovo iz otvorenog teksta šifriramo slovom iz ključa ispod njega i to tako da ga pomičemo za k mjesta pri čemu je k pozicija odgovarajućeg slova iz ključa
- Primjer: (ALGORITAM, PYTHON)

A	L	G	O	R	I	T	A	M
P	Y	T	H	O	N	P	Y	T
P	J	Z	V	F	V	I	Y	F

PRIJE NEGO KRENEMO DALJE

- radi jednostavnosti koristit ćemo samo velika slova engleske abeceda

slovo	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
broj	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
slovo	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
broj	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25

PRIMJER 6.

- a) Vigenèreovim kriptiranjem kriptirajmo jasni tekst INFORMATIKA, pri čemu je ključ za kriptiranje PROGRAM.
- b) Vigenèreovim kriptiranjem kriptirajmo jasni tekst KOCKA JE BACENA, pri čemu je ključ za kriptiranje CEZAR.

TABLICA VIGENÈREOVA KRIPTIRANJA

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
A	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
B	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A
C	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B
D	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C
E	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D
F	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E
G	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F
H	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G
I	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H
J	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I
K	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
L	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
M	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L
N	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
O	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N
P	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O
Q	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P
R	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q
S	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R
T	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S
U	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T
V	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U
W	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V
X	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W
Y	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X
Z	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y

PRIMJER 7.

- a) Vigenèreovim kriptiranjem kriptirajmo jasni tekst PYTHON, pri čemu je ključ za kriptiranje KOD.
- b) Vigenèreovim kriptiranjem kriptirajmo jasni tekst JASNI TEKST, pri čemu je ključ za kriptiranje VIGENER.
- c) Dekriptiraj tekst UVXTUGWW koji smo kriptirali Vigenereovim kriptiranjem pri čemu je ključ za kriptiranje ONLINE?

PRIMJER 8.

Napišimo funkciju čiji će parametri biti jasni tekst i ključ (pisani velikim tiskanim slovima). Funkcija treba vratiti tekst koji se dobije kriptiranjem jasnog teksta i danim ključem ako se koristi Vigenèreovo kriptiranje.

RJEŠENJE PRIMJERA 8.

```
def vigenere(t, k):  
    k = k.upper()  
    t = t.upper()  
    k = k*(len(t)//len(k)+1)  
    t2 = ""  
    for i in range(len(t)):  
        indt = ord(t[i]) - ord("A")  
        indk = ord(k[i]) - ord("A")  
        n = (indt + indk)%26 + ord("A")  
        t2 += chr(n)  
    return t2  
  
t = input()  
k = input()  
print(vigenere(t, k))
```


TRANSPOZICIJSKO KRIPTIRANJE

- slova jasnog teksta permutiraju se prema zadanom ključu
- odredimo prirodan broj n – znakovi se zapišu u matricu koja se sastoji od n stupaca
- nepopunjeni dijelovi popune se proizvoljnim tekstom
- n različitih slučajnih prirodnih brojeva do n – ključ
- stupci matrice permutiraju se prema zadanom ključu – stupčasta transpozicija
- tekst pročita po stupcima (prvo se pročitaju svi znakovi koji se nalaze u prvom stupcu, zatim oni iz drugog...)

PRIMJER 9.

- a) Transpozicijskim kriptiranjem kriptirajmo sljedeći tekst: TEKST KOJI CEMO KRIPTIRATI. Primijenimo ključ kriptiranja 2 4 1 3
- b) Transpozicijskim kriptiranjem kriptirajmo sljedeći tekst: TRANSPOZICIJSKO KRIPTIRANJE. Primijenimo ključ kriptiranja 3 1 2 4
- c) Transpozicijskim kriptiranjem kriptirajmo sljedeći tekst: SIGURNOST PODATAKA. Primijenimo ključ kriptiranja 2 3 1
- d) Koji ćemo jasni tekst dobiti ako je kriptogram ETNTAONTIAVSSRROAKKGJEEOAJIAPM dobiven kriptiranjem primjenom stupčaste transpozicije i ključem kriptiranja 5 3 2 1 6 4.